

Απαντήσεις

Θέμα 1^ο

A : β B : γ Γ : α Δ : β Ε : Λ, Σ, Λ, Λ, Λ

Θέμα 2^ο

A. Ο όγκος μιας σφαίρας είναι ανάλογος της τρίτης δύναμης της ακτίνας της (αλλιώς

δεν θα ήταν όγκος !) επομένως $\frac{V_A}{V_B} = \frac{R_A^3}{R_B^3}$ (1)

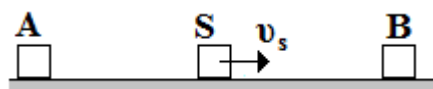
Τα σώματα είναι κατασκευασμένα από το ίδιο υλικό άρα έχουν ίσες πυκνότητες ρ,

$$\text{επομένως } \frac{V_A}{V_B} = \frac{\frac{m_A}{\rho}}{\frac{m_B}{\rho}} = \frac{m_A}{m_B} \quad (2) \quad (1), (2) \Rightarrow \frac{m_A}{m_B} = \frac{R_A^3}{R_B^3} = \frac{(2R_B)^3}{R_B^3} = 8$$

$$\text{Άρα } \frac{I_A}{I_B} = \frac{\frac{2}{5} m_A R_A^2}{\frac{2}{5} m_B R_B^2} \Rightarrow \frac{I_A}{I_B} = \frac{2}{5} \frac{8(2R_B)^2}{R_B^2} = 32 \Rightarrow I_A = 32I_B \quad \text{Σωστή η (β)}$$

B. Το μήκος κύματος που αντιλαμβάνεται ο A:

$$\lambda_A = \lambda_s + v_s T_s = \lambda_s + \frac{v_{\eta\lambda}}{10} T_s = \lambda_s + \frac{\lambda_s}{10} = \frac{11\lambda_s}{10}$$

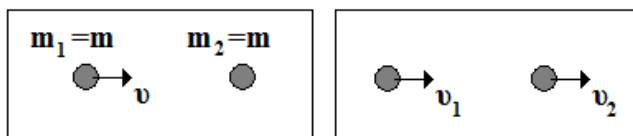


Το μήκος κύματος που αντιλαμβάνεται ο B:

$$\lambda_B = \lambda_s - v_s \cdot T_s = \lambda_s - \frac{v_{\eta\lambda}}{10} T_s = \lambda_s - \frac{\lambda_s}{10} = \frac{9}{10} \lambda_s$$

$$\text{Έτσι: } \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{\frac{11}{10} \lambda_s}{\frac{9}{10} \lambda_s} = \frac{11}{9} \Rightarrow \lambda_A = \frac{11}{9} \lambda_B \quad \text{Σωστή η (γ).}$$

Γ.



Πριν

Μετά

Έστω v_1, v_2 οι ταχύτητες των 2 σφαιρών μετά την κρούση και έστω ότι είναι και οι δύο προς τα δεξιά. Αρχή Διατήρησης Ορμής : $mv = mv_1 + mv_2$

$$\text{Επομένως } v = v_1 + v_2 \quad (1)$$

Η κρούση είναι ανελαστική άρα $K_{ΟΛ(ΤΕΛ)} < K_{ΟΛ(αρχ)} \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}mv_2^2 < \frac{1}{2}mv^2$

επομένως $v_1^2 + v_2^2 < v^2$ δηλ. $(v_1 + v_2)^2 - 2v_1v_2 < v^2 \Rightarrow v^2 - 2v_1v_2 < v^2$

$\Rightarrow 2v_1v_2 > 0$ Επειδή $v_2 > 0$ πρέπει και $v_1 > 0$ άρα σωστή η (α)

Θέμα 3°

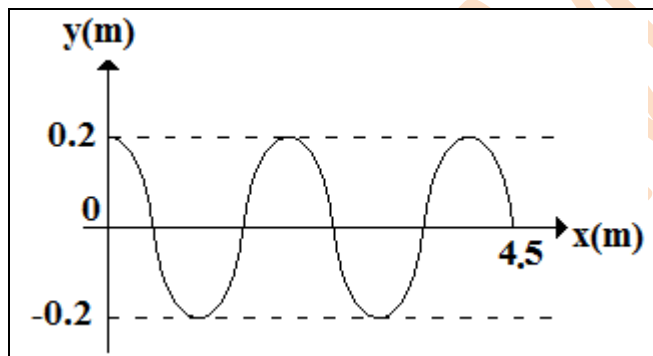
Κατά τη διάρκεια της ταλάντωσης, κάθε σημείο σε 1T διανύει 4A άρα σε 1,5T διανύει 6A δηλ. $6A=1,2m \Rightarrow A=0,2m$. Επίσης $f=\frac{N}{\Delta t}=\frac{20/2}{2}\text{Hz}=5\text{Hz}$, άρα $T=0,2s$ και $\omega=10\pi\text{r/s}$. Η διαφορά φάσης δύο σημείων του μέσου που ταλαντώνονται λόγω του κύματος και που βρίσκονται στις θέσεις x_1 και x_2 είναι

$$\Delta\varphi=2\pi\left(\frac{t}{T}-\frac{x_1}{\lambda}\right)-2\pi\left(\frac{t}{T}-\frac{x_2}{\lambda}\right)=2\pi\frac{|\Delta x|}{\lambda}$$
 οπότε για δύο διαδοχικά σημεία που

βρίσκονται σε αντίθεση φάσης θα είναι $\Delta\varphi=\pi \Rightarrow \pi=2\pi\frac{|\Delta x|}{\lambda}$ επομένως $\lambda=2m$

Γ1. Η εξίσωση του κύματος είναι $y=0,2\eta\mu 2\pi\left(5t-\frac{x}{2}\right)$ (SI)

Γ2. $T=0,45s=2T + T/4$ άρα το κύμα έχει διαδοθεί κατά $2\lambda+\lambda/4=4.5m$



Γ3. Το μήκος L του ελαστικού μέσου στο οποίο έχει αποκατασταθεί στάσιμο κύμα είναι ίσο με την απόσταση στην οποία έχουν διαδοθεί αθροιστικά τα δύο κύματα τη χρονική στιγμή t_1 .

Έτσι : $L=2v_\delta \cdot t_1=10m$ με $v_\delta=\lambda \cdot f=10m/s$

Παρατήρηση: Στο ελαστικό μέσο τη χρονική στιγμή t_1 , στάσιμο κύμα έχουμε μεταξύ των θέσεων $-5m, 5m$ με κοιλία στο $x=0$.

Γ4. Θέσεις δεσμών : $x_k=\frac{\kappa\lambda}{2}+\frac{\lambda}{4}=\kappa+\frac{1}{2}$ άρα $-5<\kappa+\frac{1}{2}<5 \Rightarrow -5.5<\kappa<4.5$

δηλ. 10 δεσμοί

Γ5. Τη στιγμή t_1 στο σημείο Λ έχει ήδη δημιουργηθεί στάσιμο γιατί $-5m<x_\Lambda<5m$ άρα η εξίσωση απομάκρυνσης για το Λ είναι

$$y_\Lambda=2A\text{συν}\frac{2\pi x_\Lambda}{\lambda}\eta\mu\frac{2\pi t}{T}=0,4\text{συν}(3,75\pi)\eta\mu(10\pi t)=0,2\sqrt{2}\eta\mu(10\pi t)$$
 (SI)

και η αντίστοιχη εξίσωση για την ταχύτητα ταλάντωσης $v_\Lambda=2\pi\sqrt{2}\text{συν}(10\pi t)$ (SI)

οπότε για τη στιγμή $t_1=0,5s$ προκύπτει $v_\Lambda=-2\pi\sqrt{2}\text{m/s}$

Θέμα 4^ο

Δ1. Ισορροπία τροχαλίας :

$$\Sigma \tau(\kappa) = 0 \Rightarrow m_1 g \cdot R = m_2 g \cdot R + F \cdot R \sin 60^\circ \Rightarrow F = 60\text{N}$$

Δ2. Σώμα ① : $W_1 - T_1 = m_1 a_1 \Rightarrow T_1 = m_1 g - m_1 a_{\gamma\omega\nu} R$ (1)

Σώμα ② : $T_2 - W_2 = m_2 a_2 \Rightarrow T_2 = m_2 g + m_2 a_{\gamma\omega\nu} \cdot r$ (2)

Τροχαλία : $T_1 R - T_2 r = I_{O\Lambda} \cdot a_{\gamma\omega\nu}$ (3)

Οπου : $I_{O\Lambda} = I_1 + I_2 = \frac{1}{2}MR^2 + \frac{1}{2}Mr^2 = 0,125\text{kgm}^2 + 0,625\text{kgm}^2 = 0,75\text{kgm}^2$ και με

αντικατάσταση των (1) και (2) στην (3) προκύπτει $a_{\gamma\omega\nu} = \frac{g(m_1 R - m_2 r)}{I_{O\Lambda} + m_1 R^2 + m_2 r^2} = 8\text{r/s}^2$

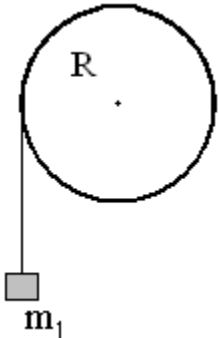
οπότε $a_1 = a_{\gamma\omega\nu} R = 4\text{m/s}^2$ και $a_2 = a_{\gamma\omega\nu} r = 2\text{m/s}^2$

Δ3. Όταν $K_2 = 16\text{J}$, τότε $v_2 = 4\text{m/s}$ άρα $t = \frac{v_2}{a_2} = 2\text{s}$

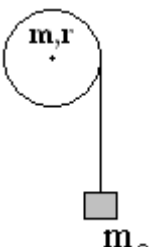
$\Delta U_1 = -m_1 g h = -m_1 g \left(\frac{1}{2} a_1 t^2 \right) = -320\text{J}$

Δ4. την $t_1 = 6\text{s}$: $v_1 = a_1 t_1 = 24\text{m/s}$, $v_2 = a_2 t_2 = 12\text{m/s}$

όταν αποχωριστούν οι δίσκοι, κινούμενοι πλέον ανεξάρτητα ο ένας από τον άλλο, το (Σ_1) επιταχύνεται:

	$m_1 g - T_1' = m_1 a_1'$ (4) $T_1' \cdot R = I_1 \cdot a_{\gamma\omega\nu}' \Rightarrow$ $T_1' = \frac{1}{2} M a_1'$ (5)	$\left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} a_1' = \frac{80}{9} \text{m/s}^2$
---	---	---

Το (Σ_2) επιβραδύνεται και ομοίως βρίσκουμε το μέτρο της επιβράδυνσης :

	$a_2' = \frac{5}{3} \text{m/s}^2$
---	-----------------------------------

Το Σ_2 σταματά όταν $v = 0 \Rightarrow t = \frac{v_2}{a_2} = \frac{36}{5} \text{s} = 7.2\text{s}$ Εκείνη τη στιγμή για το σύστημα

$M - m_1$ θα ισχύει $v_1' = v_1 + a_1' t = \left(24 + \frac{80}{9} \cdot 7.2 \right) \text{m/s} = 88\text{m/s}$ και $\omega_1' = v_1' / R = 176 \text{r/s}$

οπότε $K_{O\Lambda}(1) = \frac{1}{2} I_1 \cdot \omega_1'^2 + \frac{1}{2} m_1 \cdot (v_1')^2 = 17424 \text{J}$