

ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ

ΘΕΜΑ Α

A1. Να αποδείξετε ότι αν μια συνάρτηση f είναι παραγωγίσιμη σε ένα σημείο x_0 , τότε είναι και συνεχής στο σημείο αυτό.

A2. Τι ονομάζουμε αντίστροφη της συνάρτησης $f : A \rightarrow Y$;

A3. Θεωρήστε τον παρακάτω ισχυρισμό :

«Αν δύο συναρτήσεις f, g είναι 1-1, τότε και η $f + g$ είναι 1-1».

α) Να χαρακτηρίσετε τον ισχυρισμό, γράφοντας στο τετράδιό σας το γράμμα **A**, αν είναι αληθής, ή το γράμμα **Ψ**, αν είναι ψευδής.

β) Να αιτιολογήσετε την απάντησή σας στο ερώτημα **α**).

A4. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας το γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση και δίπλα στο γράμμα τη λέξη **Σωστό**, αν η πρόταση είναι σωστή, ή **Λάθος**, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

α) Κάθε συνεχής συνάρτηση f με πεδίο ορισμού το $[a, \beta]$, με $a, \beta \in \mathbb{R}$ δεν έχει κατακόρυφη ασύμπτωτη

β) Ισχύει ότι $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \cdot \eta\mu \frac{1}{x} = 1$

γ) Αν μια περιττή συνάρτηση παρουσιάζει μέγιστο στο σημείο x_0 , τότε θα παρουσιάζει ελάχιστο στο $-x_0$

δ) Η συνάρτηση $f(x) = x \cdot |x|$ ικανοποιεί τις προϋποθέσεις του Θ.Μ.Τ στο διάστημα $[-1, 1]$

ε) Αν η $f \circ f$ είναι γνησίως αύξουσα στο \mathbb{R} τότε η f είναι γνησίως αύξουσα.

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

A1. Σχολικό Βιβλίο Κεφ. Β 2.1 ΘΕΩΡΗΜΑ

A2. Σχολικό Βιβλίο Κεφ. Β 1.3 ΟΡΙΣΜΟΣ

A3. α) Ο ισχυρισμός είναι ψευδής

β) Οι συναρτήσεις $f(x) = x^3$ και $g(x) = 1 - x^3$ είναι 1-1, όμως η $f+g$ δεν είναι

1-1

A4. α) Σ

β) Σ

γ) Σ

δ) Σ

ε) Λ

ΝΙΚΟΣ ΚΑΚΛΑΜΑΝΗΣ

ΔΙΑΚΡΟΤΗΜΑ ΑΡΤΕΜΙΔΑ