



**ΔΙΑΚΡΟΤΗΜΑ**

Τα καλύτερα Φροντιστήρια της πόλης

**ΘΕΜΑ Α**

**Α1.β**

**Α2.δ**

**Α3.β**

**Α4.α**

**Α5.**

**α. Λάθος**

**β. Σωστό**

**γ. Σωστό**

**δ. Λάθος**

**ε. Λάθος**

Φροντιστήρια ΔΙΑΚΡΟΤΗΜΑ

**ΘΕΜΑ Β**

**Β1) Σωστή η ι**

Η εξίσωση φάσης του αρμονικού κύματος για  $t_1 = 2\text{s}$  είναι  $\varphi = 2\pi \left( \frac{2}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)$

Από το διάγραμμα

για  $x=0$ ,  $\varphi=4\pi$  η εξίσωση γίνεται  $4\pi = 2\pi \left( \frac{2}{T} \right) \Rightarrow T = 1\text{ s}$

για  $x=4$ ,  $\varphi=0$  η εξίσωση γίνεται  $0 = 2\pi \left( \frac{2}{1} - \frac{4}{\lambda} \right) \Rightarrow 2 = \frac{4}{\lambda} \Rightarrow \lambda = 2\text{m}$

Άρα  $y = A\eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)$

$y = A\eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{1} - \frac{x}{2} \right)$

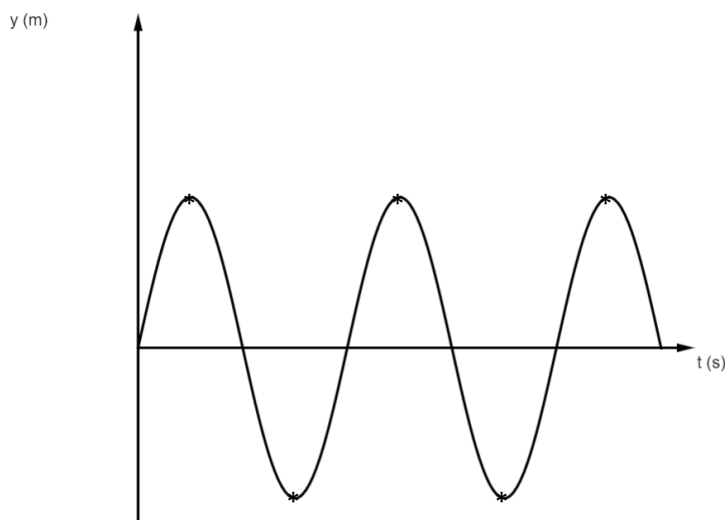
Για  $t_2 = 2.5\text{s}$  έχω  $x = u_\delta \cdot t_2 = 2 \cdot 2.5 = 5\text{ m}$

$u_\delta = \lambda \cdot f = \lambda \cdot \frac{1}{T} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

Σχεδιάζουμε το στιγμιότυπο του κύματος. Το κύμα έχει διαδοθεί σε απόσταση  $\chi$ :

$\frac{x}{\lambda} = \frac{5}{2} = 2,5 \lambda \rightarrow \chi = 2,5\lambda$

Για  $x=0$ ,  $y=0$



Άρα  $N=5$

Άρα **i**

## B2) Σωστή η ii

Φωτοηλεκτρική εξίσωση Einstein  $K = E - h \cdot f = h \cdot f_2 - \Phi$  (1)

Συχνότητα κατωφλίου  $f_1 = \frac{\Phi}{h} \Rightarrow \Phi = f_1 \cdot h$  (2)

(1)  $\stackrel{(2)}{\Rightarrow} K = h \cdot f_2 - h \cdot f_1 \stackrel{f_2=3 \cdot f_1}{\Rightarrow} K = 3 \cdot h \cdot f_1 - h \cdot f_1 = 2 \cdot h \cdot f_1$  (3)

Εφαρμόζω ΘΜΚΕ από την κάθοδο στην άνοδο

$$K_{TEΛ} - K_{APX} = W_{FHL}$$

$$0 - K = e \cdot V_0$$

$$K = e \cdot V_0 \stackrel{(3)}{\Rightarrow}$$

$$2 \cdot h \cdot f_1 = e \cdot V_0$$

$$V_0 = \frac{2 \cdot h \cdot f_1}{e}$$

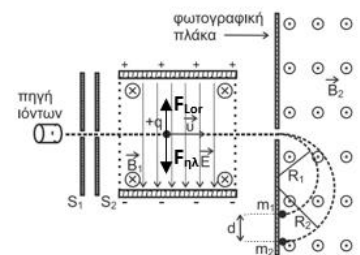
Άρα ii

## B3

### α) σωστό το (ii)

Το φορτίο δέχεται, μία δύναμη από τη ηλεκτρικό πεδίο προς τα κάτω και μία δύναμη Florentz προς τα πάνω. Η κίνηση του φορτίου είναι εοκ οπότε :

$$\vec{\Sigma}F = 0 \rightarrow \vec{F}_{\eta\lambda} = -\vec{F}_{Lor} \rightarrow |\vec{F}_{\eta\lambda}| = |\vec{F}_{Lor}| \rightarrow E \cdot q = B_1 u q \rightarrow u = \frac{E}{B_1} \quad (1)$$



### β) σωστό το (i)

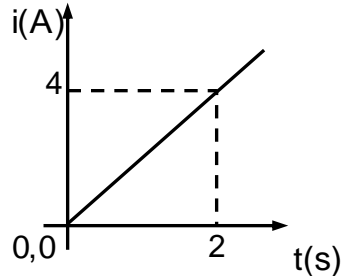
Τα ισότοπα φορτία στο μαγνητικό πεδίο B2 εκτελούν ομαλή κυκλική κίνηση με διαφορετική ακτίνα, λόγω της διαφορετικής μάζας που έχει το καθένα. Ισχύει:

$$d = 2R_2 - 2R_1 = 2 \frac{m_2 u}{B_2 q} - 2 \frac{m_1 u}{B_2 q} = 2 \frac{u}{B_2 q} (m_2 - m_1) = 2 \frac{u \cdot \Delta m}{B_2 q} \quad (1) \rightarrow$$

$$d = 2 \frac{E \cdot \Delta m}{B_1 B_2 q} \rightarrow \Delta m = \frac{d \cdot B_1 B_2 q}{2E}$$

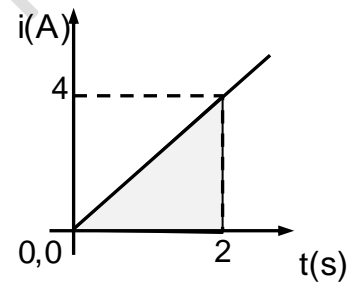
### ΘΕΜΑ Γ

Γ1.1 Η ένταση του ρεύματος δίνεται από τη σχέση  $i=2t$  (S.I.). Η γραφική της παράσταση παρουσιάζεται στο παρακάτω σχήμα



Γ1.2. Για δύο χρονικές στιγμές  $t_1$  και  $t_2$  είναι:  $i_1=2t_1$  και  $i_2=2t_2$ . Έχουμε:  $\frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{i_2 - i_1}{t_2 - t_1} = \frac{2t_2 - 2t_1}{t_2 - t_1} = 2A/s$

Γ1.3. Επειδή η ένταση του ρεύματος είναι μεταβλητού μέτρου το φορτίο υπολογίζεται από το εμβαδόν  $q = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4 = 4C$



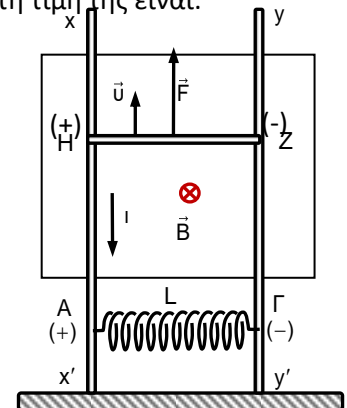
Γ2. Επειδή η ένταση του ρεύματος στο πηνίο αυξάνεται και το ρεύμα έχει τη φορά που παρουσιάζεται στο σχήμα, η πολικότητα του πηνίου είναι τέτοια ώστε να αντιδράσει στην αύξηση της έντασης του ρεύματος και είναι αυτή που παρουσιάζεται στο σχήμα. Δηλαδή στο σημείο Α το υψηλό δυναμικό και στο σημείο Γ το χαμηλό. Η απόλυτη τιμή της είναι:

$$|E_{ΑΥΤ}| = L \cdot \frac{\Delta i}{\Delta t} \quad \text{ή} \quad |E_{ΑΥΤ}| = 1V$$

Γ3. Από τον 2<sup>ο</sup> κανόνα του Kirchhoff είναι:

$$E_{επ} - i \cdot R - |E_{αυτ}| = 0 \Rightarrow B \cdot u \cdot \ell - i \cdot R - |E_{αυτ}| = 0 \Rightarrow u = \frac{i \cdot R + |E_{αυτ}|}{B \cdot \ell}$$

ή  $u = 1 + 2t$  (S.I.)



Από τη μορφή της εξίσωσης καταλαβαίνουμε ότι το σώμα εκτελεί ομαλά επιταχυνόμενη με  $\alpha = 2m/s^2$

Γ.4

a) Ο αγωγός ΖΗ εκτός από την  $F$  και το βάρος, μια και διαρρέεται από ηλεκτρικό ρεύμα, δέχεται και δύναμη Laplace.. Για  $t=2s$  ισχύει:

$$t = 2s \begin{cases} \rightarrow i = 2.2 = 4A \\ \rightarrow u = 2.2 + 1 = 5m / s \\ \rightarrow F_L = B \cdot i \cdot L = 4N \end{cases}$$

Εφαρμόζοντας τον 2<sup>ο</sup> νόμο του Νεύτωνα για τη ράβδο έχουμε:

$$\Sigma F = m \cdot \alpha \rightarrow F - FL - w = m \cdot \alpha \rightarrow F = FL + mg + m \cdot \alpha \rightarrow \boxed{F = 10N}$$

b) Ισχύει:  $P_F = F \cdot u \rightarrow \boxed{P_F = 50J / s}$

γ) Ισχύει:  $\frac{\Delta U_B}{\Delta t} = P_L = E_{\text{αντ}} \cdot i = 1.4 \rightarrow \boxed{\frac{\Delta U_B}{\Delta t} = 4J / s}$

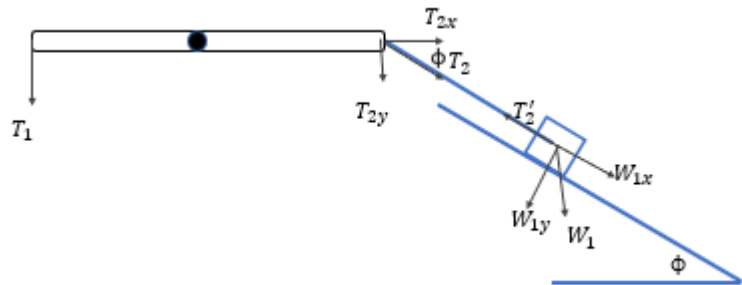
Φροντιστήρια ΔΙΑΚΡΟΤΗΜΑ



**ΘΕΜΑ Δ**

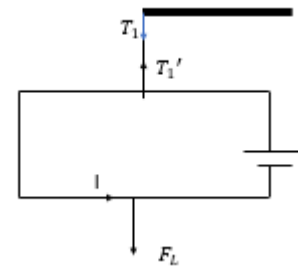
**Δ1.** Το Σ1 ισορροπει, άρα  $\Sigma F_x = 0 \Rightarrow T'_2 = w_{1x} \Rightarrow T'_2 = m_1 g \eta \mu \phi \Rightarrow T'_2 = 18N$

Λογω του αβαρούς νήματος  $|T'_2| = |T_2| \Rightarrow T_2 = 18N$ . Συνθήκη ισορροπίας στη ράβδο:

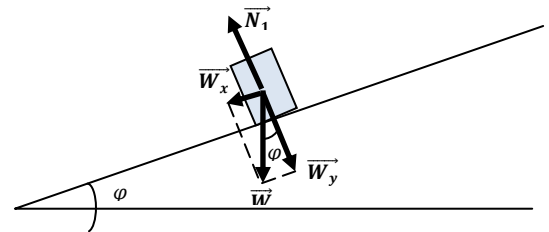


$$\begin{aligned} \Sigma \tau_o = 0 &\Rightarrow \tau_{T1} - \tau_{T2} = 0 \Rightarrow \frac{T_1 l}{2} \\ &= \frac{T_2 \eta \mu \phi l}{2} \Rightarrow T_1 \\ &= 10,8N \end{aligned}$$

**Δ2.** Στο πλαίσιο: Αβαρές νήμα  $|T'_1| = |T_1| \Rightarrow T_1 = 10,8N$ . Το πλαίσιο διαρέεται από ρεύμα  $I = E/R = 15A$  και δέχεται δύναμη Laplace  $F_L = B I a$ . Λόγω ισορροπίας  $\Sigma F = 0 \Rightarrow T'_1 = F_L \Rightarrow T'_1 = B I a \Rightarrow B = 0,9T$



**Δ3 .** Το Σ2 εκτελεί α.α.τ. με  $\omega = \sqrt{\frac{K}{m_2}} = 10 \text{ rad/s}$ . Τη στιγμή που περνάει από τη θέση ισορροπίας έχει την μέγιστη ταχύτητα δηλαδή  $v_2 = \omega \cdot d \Rightarrow v_2 = \frac{9\pi}{10} \text{ m/s}$ . Ο χρόνος για την σύγκρουση είναι  $t = \frac{T}{4} \Rightarrow t = \frac{\pi}{20} \text{ s}$



Το Σ1 κινείται επιταχυνόμενο  $\Sigma F_x = m_1 \cdot a \Rightarrow w_{1x} = m_1 \cdot a \Rightarrow m_1 g \eta \mu \phi = m_1 a \Rightarrow a = 6 \text{ m/s}^2$

Η Ταχύτητα του  $v_1 = at = \frac{3\pi}{10} \text{ m/s}$ . Από ΑΔΟ :  $\rho_{\alpha\rho\chi} = \rho_{\tau\epsilon\lambda} \Rightarrow m_2 v_2 - m_1 v_1 = (m_2 + m_1) v_k \Rightarrow 1 \cdot \frac{9\pi}{10} - 3 \frac{3\pi}{10} = (1 + 3) v_k \Rightarrow v_k = 0$ . Άρα το συσσωμάτωμα ακινητοποιείται

**Δ4.** Έχουμε  $x = A\eta\mu(\omega t + \varphi_0)$

Η παλιά Θ.1 είναι πλέον ακραία θέση (άνω ακραία θέση) για τη νέα ταλάντωση.

$$x = A\eta\mu(\omega t + \varphi_0)$$

- $A = \Delta l_2 - \Delta l_1 \Rightarrow$   
 $A = 0,24 - 0,06 \Rightarrow$   
 $A = 0,18m$
- $\omega = \sqrt{\frac{k}{m_1 + m_2}} = 5 \text{ rad / s}$
- Αφού για  $t=0$ ,  $x=+A$  και  $v=0$  έχουμε αρχική φάση  $\pi/2$

Τελικά  $x = 0,18\eta\mu(5t + \frac{\pi}{2})$ , (SI)

**Δ5.**

$$\Sigma F = (m_1 + m_2)a \Rightarrow$$

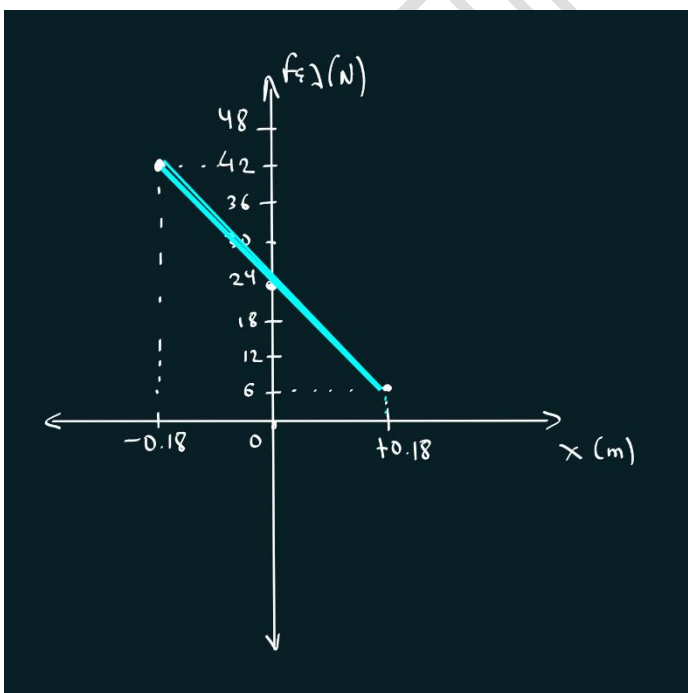
$$\Sigma F = -(m_1 + m_2)\omega^2 x \Rightarrow$$

$$F_{ελ} - W_x = -(m_1 + m_2)\omega^2 x \Rightarrow$$

$$F_{ελ} = (m_1 + m_2)g\eta\mu\varphi - (m_1 + m_2)\omega^2 x \Rightarrow$$

$$F_{ελ} = 24 - 100x$$

$$-0,18 \leq x \leq +0,18m$$





**Επιμέλεια:**

Χατζημιχαήλ Μαρίνα, Θιθίζογλου Πόπη, Θεοδωρίδου Θεοδώρα, Μανούκα Δήμητρα, Λαζαρίδης Κωνσταντίνος, Καραβοκυρός Χρήστος, Πίσχινας Παναγιώτης

**και τα κέντρα ΔΙΑΚΡΟΤΗΜΑ:** Πειραιάς, Κερατσίνι, Διαδικτυακό, Ηράκλειο Κρήτης, Παγκράτι Κέντρο, Μοσχάτο

Φροντιστήρια ΔΙΑΚΡΟΤΗΜΑ